

---

# MARS dans golfe de Gascogne

Meeting EPIGRAM 20/03/2009

---

V. Garnier, L. Debreu, T. Duhaut, M. Honnorat, F. Dumas,  
F. Vandermeirsch, P. Lazure

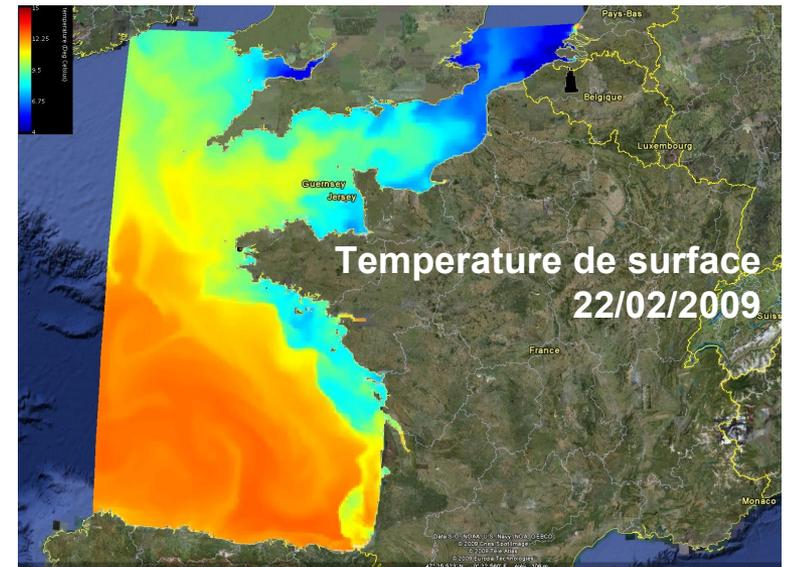
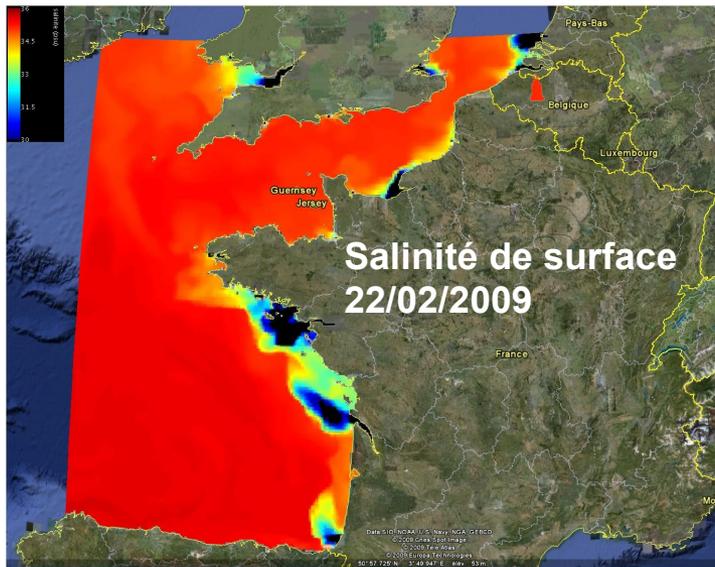
# Fiche signalétique du modèle

- Modèle aux équations primitives
- Schémas aux différences finies sur une grille décalée Arakawa C
- Coordonnées sigma et sigmas généralisées
- Mode splitting
- Schéma temporel pour le mode barotrope semi-implicite en direction alternées
- Fermeture turbulente TKE (double longueur de mélange de Gaspard)
- Equation d'état de MELLOR, 1985
- Bacs découvrants

# Besoins dans le cadre du département DYNECO et laboratoires côtiers

- Recherche en océanographie côtière
  - Intérêt plutôt focalisé à l'échelle de la façade maritime
- Exigence pour les missions de surveillance de l'Ifremer
  - Intérêt focalisé sur la bande littorale
  - Réseau de stations côtières de l'Ifremer
- Océanographie opérationnelle côtière : PREVIMER
- Modélisation des écosystèmes
  - Biologie (phytoplancton...)
  - Contaminants
  - Sédimentologie
  - Couplage vague-courant
  - AGRIF

# MANGA : configuration de référence



- 8W – 52°45'N Manche et Golfe de Gascogne
- 4 km de résolution, 30 niveaux sigmas,
- 72 rivières, flux Arpège (Météo-France), CI et CL ORCA025
- Evalué et validé à partir de campagnes hydrologiques sur le plateau et mesures satellites (Lazure P. et al. 2009. Cont. Shelf. Res. Doi: 10.1016/j.csr.2008.12.017)
- Opérationnel et recherche

# Problèmes rencontrés à l'échelle de la façade

- Extension des domaines avec prise en compte du talus (diffusion iso-sigma, gradient de pression interne, schéma d'advection sur la verticale)
- Mixer notre propre solution de marée plus météo à une solution globale (qui par exemple ne tient pas compte de la marée)
- Problème d'initialisation : ciblé plateau continental : système à mémoire courte (spin up inférieur à un an) cela pose le problème de l'initialisation avec moins d'acuité : ondes de gravité parasites vite évacuées (quelques jours) , température et salinité initiales ayant peu d'impact (au bout d'un an).
- Opérateurs numériques (couplage, processus...)

# Analyse du schéma barotrope

Debreu et al 2008

- Analyse à partir du système linéarisé autour de  $(u_0, v_0, h_0)$ :

$$\begin{cases} \partial_t \zeta + h_0 \partial_x \bar{u} + u_0 \partial_x \zeta + h_0 \partial_y \bar{v} + v_0 \partial_y \zeta = 0 \\ \partial_t \bar{u} + u_0 \partial_x \bar{u} + v_0 \partial_y \bar{u} - f \bar{v} + g \partial_x \zeta = 0 \\ \partial_t \bar{v} + u_0 \partial_x \bar{v} + v_0 \partial_y \bar{v} + f \bar{u} + g \partial_y \zeta = 0 \end{cases}$$

# Schéma numérique linéarisé

Prédicteur :

$$\begin{aligned}\frac{2}{\Delta t} \left( \zeta^{n+1,*} - \zeta^{n+\frac{1}{2}} \right) &= -h_0 \partial_x \bar{u}^{n+1,*} - u_0 \partial_x \zeta^{n+\frac{1}{2}} - h_0 \partial_y \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} - v_0 \partial_y \zeta^{n+\frac{1}{2}} \\ \frac{1}{\Delta t} \left( \bar{u}^{n+1,*} - \bar{u}^n \right) &= -u_0 \partial_x \bar{u}^n - v_0 \partial_y \bar{u}^n + f \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} \\ &\quad -g \partial_x \left( \alpha_1 \zeta^{n+1,*} + \alpha_2 \zeta^{n+\frac{1}{2}} + \alpha_3 \zeta^n \right)\end{aligned}$$

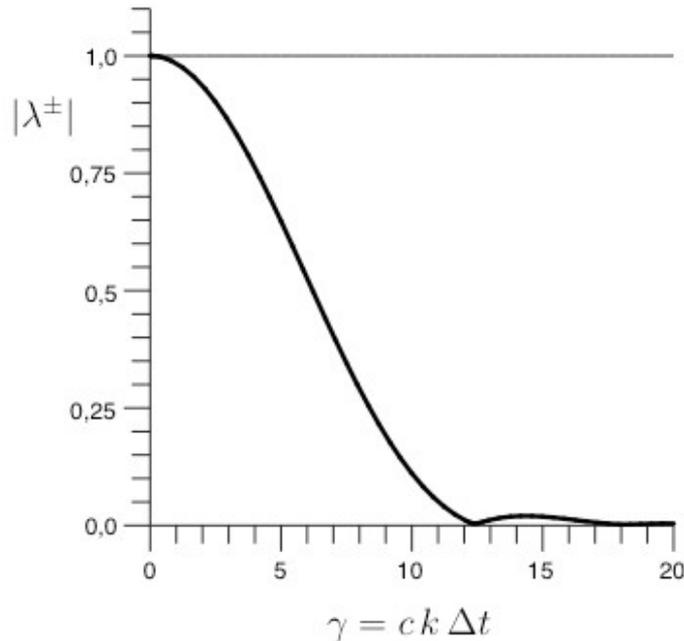
Correcteur :

$$\begin{aligned}\frac{2}{\Delta t} \left( \zeta^{n+1} - \zeta^{n+\frac{1}{2}} \right) &= -h_0 \partial_x \bar{u}^{n+1} - u_0 \partial_x \zeta^{n+\frac{1}{2}} - h_0 \partial_y \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} - v_0 \partial_y \zeta^{n+\frac{1}{2}} \\ \frac{1}{\Delta t} \left( \bar{u}^{n+1} - \bar{u}^n \right) &= -u_0 \partial_x \bar{u}^{n+1,*} - v_0 \partial_y \bar{u}^{n+1,*} + f \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} \\ &\quad -g \partial_x \left( \alpha_1 \zeta^{n+1} + \alpha_2 \zeta^{n+\frac{1}{2}} + \alpha_3 \zeta^n \right)\end{aligned}$$

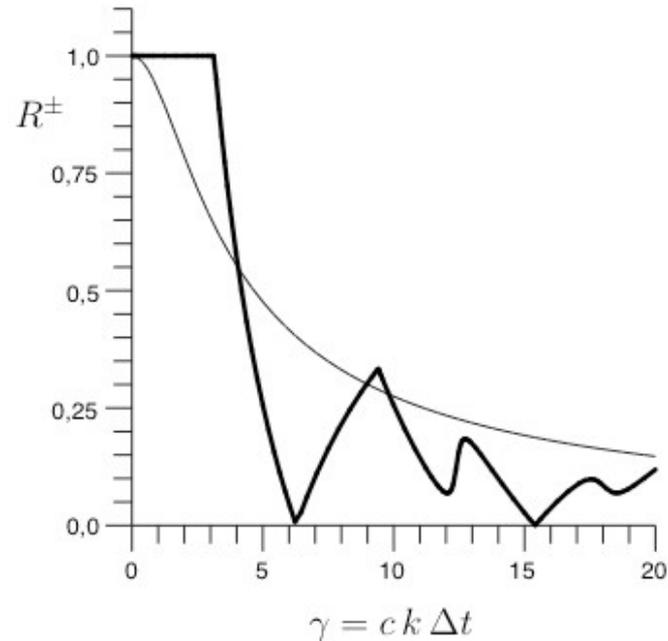
Filtrage :

$$\zeta^{n+\frac{1}{2}} \leftarrow a \zeta^{n+\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} (1-a) (\zeta^{n+1} + \zeta^n)$$

# Comparaison des caractères dissipatif et dispersif de ROMS et MARS.



(a) Module



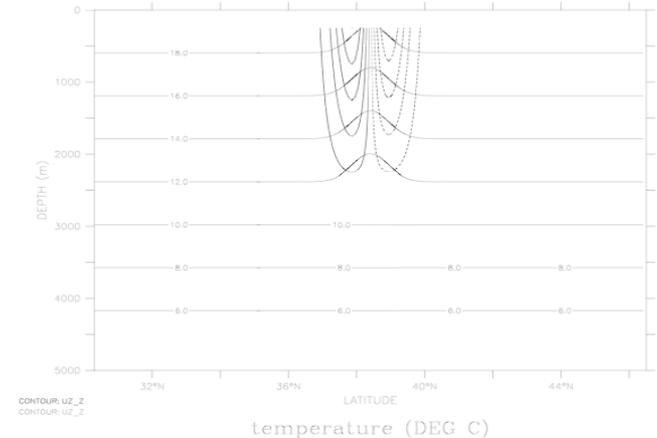
(b) Argument

Cas Froude nul.

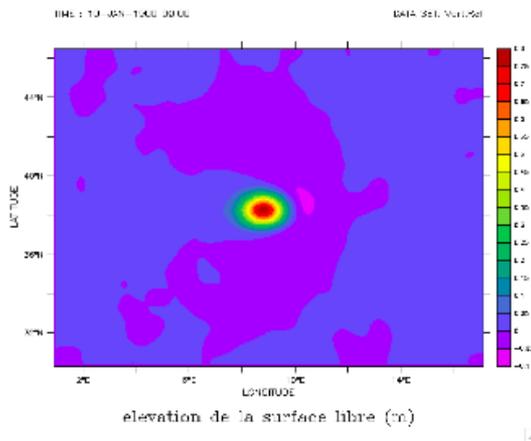
# Cas vortex barocline

Spall et Holland (JPO, 1991) Penven et al (OM, 2006)

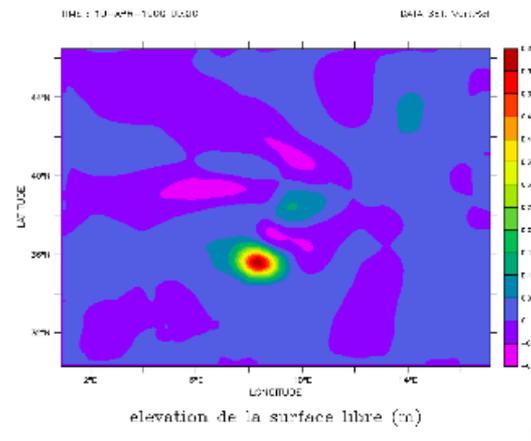
- Profondeur 5000m
- Extension du vortex : 2500 m
- Rayon du tourbillon 60 km
- Résolution : 10 km
- 10 niveaux sur la verticale équirépartis
- Boîte de 1800x1800 km
- 38°5 latitude Nord (approximation plan beta)
- Frontière ouverte



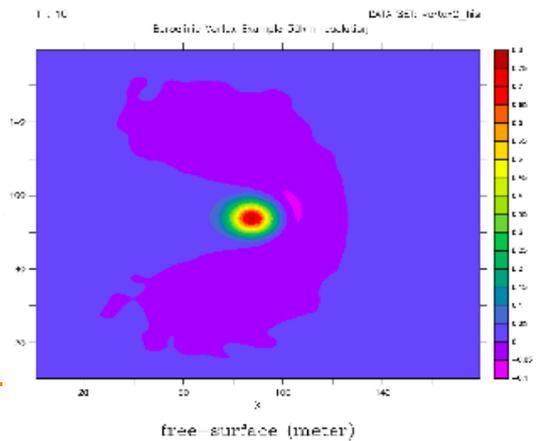
# Comparaison cas-test du Vortex barocline : surface libre



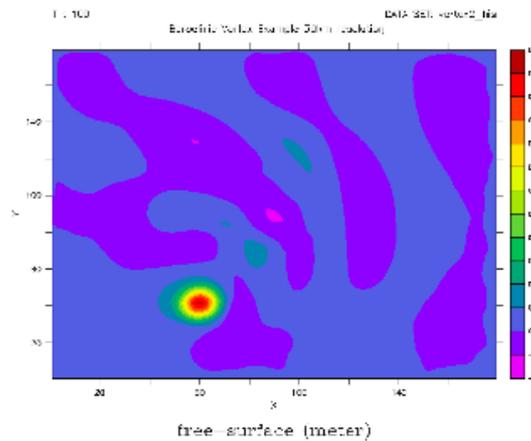
(a) Jour 10 MARS



(b) Jour 100 MARS



(e) Jour 10 ROMS



(f) Jour 100 ROMS

# Nouveau schéma temporel (1)

$\Delta t = dt/2$

$$\left\{ \begin{aligned} (1 + ft\beta_2\Delta t)u^{n+\frac{1}{2},*} &= u^n - \Delta t(u^n \frac{\partial u^n}{\partial x} + v^n \frac{\partial u^n}{\partial y}) - g\Delta t \frac{\partial \zeta^n}{\partial x} + \Delta t f v^n \\ &\quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial u^n}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial u^n}{\partial y} \right] \right\} \\ &\quad + \Delta t \frac{\tau_{xx}}{\rho h^n} - \frac{\Delta t}{\rho} \frac{\partial Pa}{\partial x} - \Delta t f t \beta_1 u^n \\ (1 + ft\beta_2\Delta t)v^{n+\frac{1}{2},*} &= v^n - \Delta t(u^n \frac{\partial v^n}{\partial x} + v^n \frac{\partial v^n}{\partial y}) - g\Delta t \frac{\partial \zeta^n}{\partial y} - \Delta t f u^n \\ &\quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial v^n}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial v^n}{\partial y} \right] \right\} \\ &\quad + \Delta t \frac{\tau_{xy}}{\rho h^n} - \frac{\Delta t}{\rho} \frac{\partial Pa}{\partial y} - \Delta t f t \beta_1 v^n \end{aligned} \right.$$

Estimation explicite des vitesses

$$\left\{ \begin{aligned} \zeta^{n+\frac{1}{2},*} &= \zeta^n - \Delta t \frac{\partial}{\partial x} \left[ h^n \left( \alpha u^n + (1-\alpha) u^{n+\frac{1}{2}} \right) \right] \\ &\quad - \Delta t \frac{\partial}{\partial y} \left[ h^n \left( \alpha v^n + (1-\alpha) v^{n+\frac{1}{2},*} \right) \right] \\ (1 + ft\beta_2\Delta t)u^{n+\frac{1}{2}} &= u^n - g\Delta t \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha \zeta^n + (1-\alpha) \zeta^{n+\frac{1}{2},*} \right) + \Delta t f v^{n+\frac{1}{2},*} - \Delta t f t \beta_1 u^n \\ &\quad - \Delta t u^{n+\frac{1}{2},*} \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha u^n + (1-\alpha) u^{n+\frac{1}{2},*} \right) \\ &\quad - \Delta t v^{n+\frac{1}{2},*} \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha u^n + (1-\alpha) u^{n+\frac{1}{2},*} \right) \\ &\quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial u^n}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial u^n}{\partial y} \right] \right\} \\ &\quad + \Delta t \frac{\tau_{xx}}{h^n \rho} - \frac{\Delta t}{\rho} \frac{\partial Pa}{\partial x} \end{aligned} \right.$$

Résolution équation du mouvement (u) et continuité  
Estimation semi-implicite

$$\left\{ \begin{aligned} \zeta^{n+\frac{1}{2}} &= \zeta^n - \Delta t \frac{\partial}{\partial x} \left[ \left( \alpha h^n + (1-\alpha) h^{n+\frac{1}{2},*} \right) \left( \alpha u^n + (1-\alpha) u^{n+\frac{1}{2}} \right) \right] \\ &\quad - \Delta t \frac{\partial}{\partial y} \left[ \left( \alpha h^n + (1-\alpha) h^{n+\frac{1}{2},*} \right) \left( \alpha v^n + (1-\alpha) v^{n+\frac{1}{2}} \right) \right] \\ (1 + ft\beta_2\Delta t)v^{n+\frac{1}{2}} &= v^n - g\Delta t \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha \zeta^n + (1-\alpha) \zeta^{n+\frac{1}{2}} \right) - f\Delta t u^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t f t \beta_1 v^n \\ &\quad - \Delta t u^{n+\frac{1}{2},*} \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha v^n + (1-\alpha) v^{n+\frac{1}{2},*} \right) \\ &\quad - \Delta t v^{n+\frac{1}{2},*} \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha v^n + (1-\alpha) v^{n+\frac{1}{2},*} \right) \\ &\quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial v^n}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial v^n}{\partial y} \right] \right\} \\ &\quad + \Delta t \frac{\tau_{xy}}{\rho \left( \alpha h^n + (1-\alpha) h^{n+\frac{1}{2},*} \right)} - \frac{\Delta t}{\rho} \frac{\partial Pa}{\partial y} \end{aligned} \right.$$

Résolution équation du mouvement (v) et continuité  
Estimation semi-implicite

# Nouveau schéma temporel (2)

$\Delta t = dt/2$

$$\left\{ \begin{array}{l} (1 + ft\beta_2\Delta t)u^{n+1,*} = u^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left( u^{n+\frac{1}{2}} \frac{\partial u^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} + v^{n+\frac{1}{2}} \frac{\partial u^{n+\frac{1}{2}}}{\partial y} \right) - g\Delta t \frac{\partial \zeta^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} + \Delta t f v^{n+\frac{1}{2}} \\ \quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial u^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial u^{n+\frac{1}{2}}}{\partial y} \right] \right\} \\ \quad + \Delta t \frac{\tau_{sx}}{\rho h} - \Delta t \frac{\partial Pa}{\rho \partial x} - \Delta t ft\beta_1 u^{n+\frac{1}{2}} \\ (1 + ft\beta_2\Delta t)v^{n+1,*} = v^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left( u^{n+\frac{1}{2}} \frac{\partial v^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} + v^{n+\frac{1}{2}} \frac{\partial v^{n+\frac{1}{2}}}{\partial y} \right) - g\Delta t \frac{\partial \zeta^{n+\frac{1}{2}}}{\partial y} - \Delta t f u^{n+\frac{1}{2}} \\ \quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial v^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial v^{n+\frac{1}{2}}}{\partial y} \right] \right\} \\ \quad + \Delta t \frac{\tau_{sy}}{\rho h} - \Delta t \frac{\partial Pa}{\rho \partial y} - \Delta t ft\beta_1 v^{n+\frac{1}{2}} \end{array} \right. \quad \text{Estimation explicite des vitesses}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \zeta^{n+1,*} = \zeta^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \frac{\partial}{\partial x} \left[ h^{n+\frac{1}{2}} \left( \alpha u^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) u^{n+1,*} \right) \right] \\ \quad - \Delta t \frac{\partial}{\partial y} \left[ h^{n+\frac{1}{2}} \left( \alpha v^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) v^{n+1,*} \right) \right] \\ (1 + ft\beta_2\Delta t)v^{n+1} = v^{n+\frac{1}{2}} - g\Delta t \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha \zeta^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) \zeta^{n+1,*} \right) - f\Delta t u^{n+1,*} - \Delta t ft\beta_1 v^{n+\frac{1}{2}} \\ \quad - \Delta t u^{n+1,*} \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha v^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) v^{n+1,*} \right) \\ \quad - \Delta t v^{n+1,*} \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha v^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) v^{n+1,*} \right) \\ \quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial v^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial v^{n+\frac{1}{2}}}{\partial y} \right] \right\} \\ \quad + \Delta t \frac{\tau_{sy}}{\rho h^{n+\frac{1}{2}}} - \Delta t \frac{\partial Pa}{\rho \partial y} \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \text{Résolution équation du mouvement (v) et continuité} \\ \text{Estimation semi-implicite} \end{array}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \zeta^{n+1} = \zeta^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \frac{\partial}{\partial x} \left[ \left( \alpha h^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) h^{n+1,*} \right) \left( \alpha u^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) u^{n+1,*} \right) \right] \\ \quad - \Delta t \frac{\partial}{\partial y} \left[ \left( \alpha h^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) h^{n+1,*} \right) \left( \alpha v^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) v^{n+1,*} \right) \right] \\ (1 + ft\beta_2\Delta t)u^{n+1} = u^{n+\frac{1}{2}} - g\Delta t \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha \zeta^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) \zeta^{n+1} \right) + \Delta t f v^{n+1} - \Delta t ft\beta_1 u^{n+\frac{1}{2}} \\ \quad - \Delta t u^{n+1,*} \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha u^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) u^{n+1,*} \right) \\ \quad - \Delta t v^{n+1,*} \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha u^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) u^{n+1,*} \right) \\ \quad + \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \nu \frac{\partial u^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \nu \frac{\partial u^{n+\frac{1}{2}}}{\partial y} \right] \right\} \\ \quad + \Delta t \frac{\tau_{sx}}{\rho \left( \alpha h^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) h^{n+1,*} \right)} - \Delta t \frac{\partial Pa}{\rho \partial x} \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \text{Résolution équation du mouvement (u) et continuité} \\ \text{Estimation semi-implicite} \end{array}$$

# Nouveau schéma temporel 3D (1)

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{v}^{n+\frac{1}{2},*} = \bar{v}^n - \Delta t \left[ \bar{G}_v \left( u^{n-\frac{1}{2}}, v^{n-\frac{1}{2}} \right) + g \frac{\partial \zeta^n}{\partial y} \right] \\ \zeta^{n+\frac{1}{2},*} = \zeta^n - \Delta t \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( h^n \bar{u}^{n+\frac{1}{2}} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( h^n \bar{v}^{n+\frac{1}{2},*} \right) \right] \\ \bar{u}^{n+\frac{1}{2}} = \bar{u}^n - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha \zeta^n + (1-\alpha) \zeta^{n+\frac{1}{2},*} \right) + G_u \left( u^n, v^n \right) \right] \\ u^{n+\frac{1}{2}}(k) = u^n(k) - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha \zeta^n + (1-\alpha) \zeta^{n+\frac{1}{2},*} \right) + G_u \left( u^n, v^n \right) (k) \right] \\ \quad + \Delta t \frac{\partial}{\partial z} \left[ k_z \frac{\partial}{\partial z} \left( u^{n+\frac{1}{2}}(k) \right) \right] \end{array} \right.$$

$\Delta t = dt/2$

$$\left\{ u^{n+\frac{1}{2}}(k) = u^{n+\frac{1}{2}}(k) - \overline{u^{n+\frac{1}{2}}(k)} + \bar{u}^{n+\frac{1}{2}} \right.$$

couplage 3D

$$\left\{ \begin{array}{l} \zeta^{n+\frac{1}{2}} = \zeta^n - \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \left( \alpha h^n + (1-\alpha) h^{n+\frac{1}{2},*} \right) \bar{u}^{n+\frac{1}{2}} \right] \right. \\ \quad \left. + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \left( \alpha h^n + (1+\alpha) h^{n+\frac{1}{2},*} \right) \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} \right] \right\} \\ \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} = \bar{v}^n - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha \zeta^n + (1-\alpha) \zeta^{n+\frac{1}{2}} \right) + \bar{G}_v \left( u^{n+\frac{1}{2}}, v^n \right) \right] \\ v^{n+\frac{1}{2}}(k) = v^n(k) - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha \zeta^n + (1-\alpha) \zeta^{n+\frac{1}{2}} \right) + G_v \left( u^{n+\frac{1}{2}}, v^n \right) (k) \right] \\ \quad + \Delta t \frac{\partial}{\partial z} \left[ k_z \frac{\partial}{\partial z} \left( v^{n+\frac{1}{2}}(k) \right) \right] \end{array} \right.$$

$$\left\{ v^{n+\frac{1}{2}}(k) = v^{n+\frac{1}{2}}(k) - \overline{v^{n+\frac{1}{2}}(k)} + \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} \right.$$

couplage 3D

$$\left\{ \begin{array}{l} h^{n+\frac{1}{2}} T^{n+\frac{1}{2}} = h^n T^n - \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \left( \alpha h^n + (1-\alpha) h^{n+\frac{1}{2},*} \right) u^{n+\frac{1}{2}} T^n \right] \right. \\ \quad + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \left( \alpha h^n + (1-\alpha) h^{n+\frac{1}{2},*} \right) v^{n+\frac{1}{2}} T^n \right] \\ \quad \left. + \frac{\partial}{\partial z} \left[ h^{n+\frac{1}{2}} w^{n+\frac{1}{2}} T^n \right] \right\} \end{array} \right.$$

# Nouveau schéma temporel 3D (2)

$\Delta t = dt/2$

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{u}^{n+1,*} = \bar{u}^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left[ \bar{G}_u(u^n, v^n) + g \frac{\partial \zeta^{n+\frac{1}{2}}}{\partial x} \right] \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \zeta^{n+1,*} = \zeta^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( h^{n+\frac{1}{2}} \bar{u}^{n+1,*} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( h^{n+\frac{1}{2}} \bar{v}^{n+1} \right) \right] \\ \bar{v}^{n+1} = \bar{v}^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha \zeta^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) \zeta^{n+1,*} \right) + \bar{G}_v \left( u^{n+\frac{1}{2}}, v^{n+\frac{1}{2}} \right) \right] \\ v^{n+1}(k) = v^{n+\frac{1}{2}}(k) - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial y} \left( \alpha \zeta^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) \zeta^{n+1,*} \right) + G_v \left( u^{n+\frac{1}{2}}, v^{n+\frac{1}{2}} \right) (k) \right] \\ \quad + \Delta t \frac{\partial}{\partial z} \left[ k_z \frac{\partial}{\partial z} \left( v^{n+1}(k) \right) \right] \end{array} \right.$$

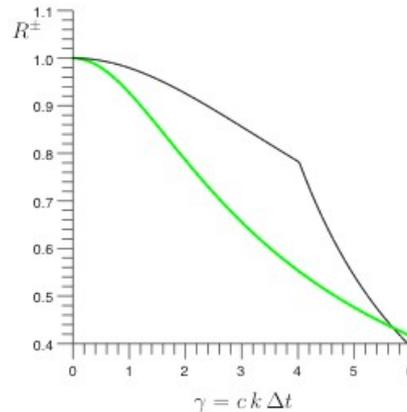
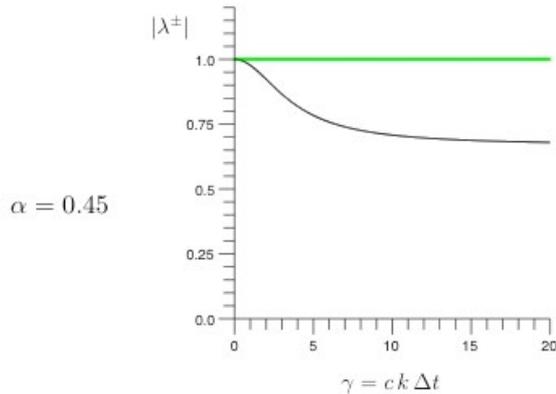
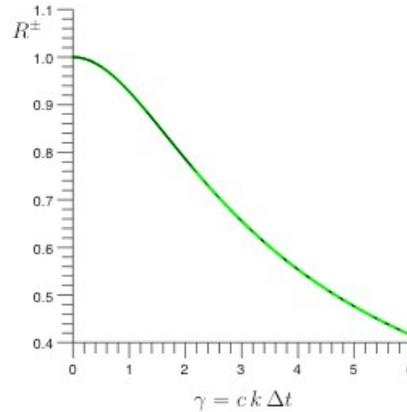
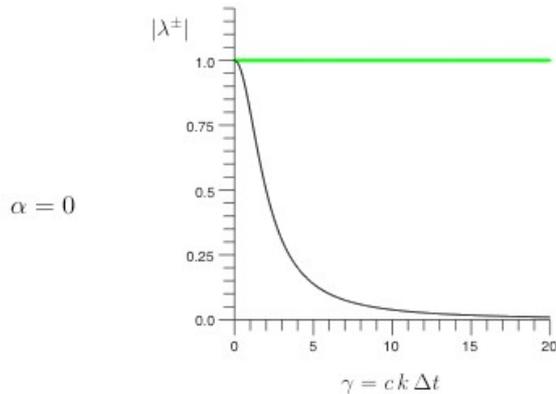
$$\left\{ \begin{array}{l} v^{n+1}(k) = v^{n+1}(k) - \overline{v^{n+1}(k)} + \bar{v}^{n+1} \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \zeta^{n+1} = \zeta^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \left( \alpha h^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) h^{n+1,*} \right) \bar{u}^{n+1} \right] \right. \\ \quad \left. + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \left( \alpha h^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) h^{n+1,*} \right) \bar{v}^{n+1} \right] \right\} \\ \bar{u}^{n+1} = \bar{u}^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha \zeta^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) \zeta^{n+1} \right) + \bar{G}_u \left( u^{n+\frac{1}{2}}, v^{n+1} \right) \right] \\ u^{n+1}(k) = u^{n+\frac{1}{2}}(k) - \Delta t \left[ g \frac{\partial}{\partial x} \left( \alpha \zeta^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) \zeta^{n+1} \right) + G_u \left( u^{n+\frac{1}{2}}, v^{n+1} \right) (k) \right] \\ \quad + \Delta t \frac{\partial}{\partial z} \left[ k_z \frac{\partial}{\partial z} \left( u^{n+1}(k) \right) \right] \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} u^{n+1}(k) = u^{n+1}(k) - \overline{u^{n+1}(k)} + \bar{u}^{n+1} \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} h^{n+1} T^{n+1} = h^{n+\frac{1}{2}} T^{n+\frac{1}{2}} - \Delta t \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left[ \left( \alpha h^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) h^{n+1,*} \right) u^{n+1} T^{n+\frac{1}{2}} \right] \right. \\ \quad + \frac{\partial}{\partial y} \left[ \left( \alpha h^{n+\frac{1}{2}} + (1-\alpha) h^{n+1,*} \right) v^{n+1} T^{n+\frac{1}{2}} \right] \\ \quad \left. + \frac{\partial}{\partial z} \left[ h^{n+1} w^{n+1} T^{n+\frac{1}{2}} \right] \right\} \end{array} \right.$$

# Impact sur le caractère dispersif et dissipatif du modèle (Froude nul)

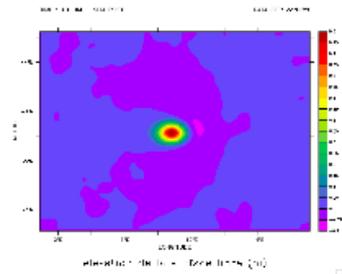


(a) Module

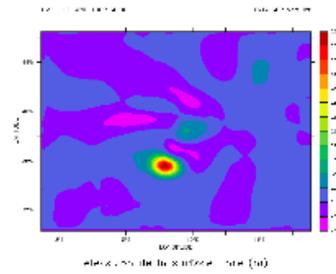
(b) Argument

- Pour  $\alpha=0.5$  le schéma est globalement d'ordre 2, d'ordre 1 sinon
- Une condition nécessaire de stabilité est  $\alpha < 0.5$  sinon une des trois VP a un module  $> 1$  (instable)

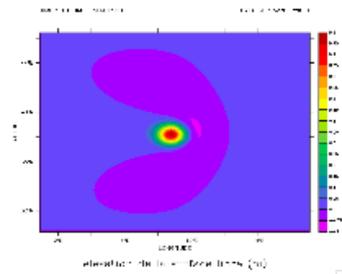
# Cas-test vortex barocline.



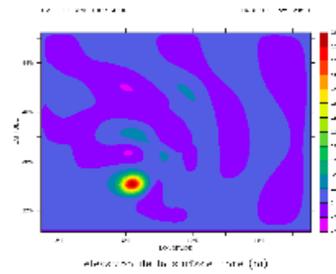
(a) Jour 10 MARS



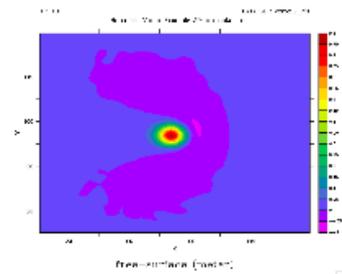
(b) Jour 100 MARS



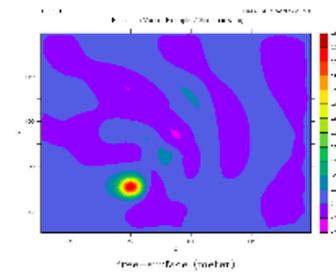
(c) Jour 10



(d) Jour 100

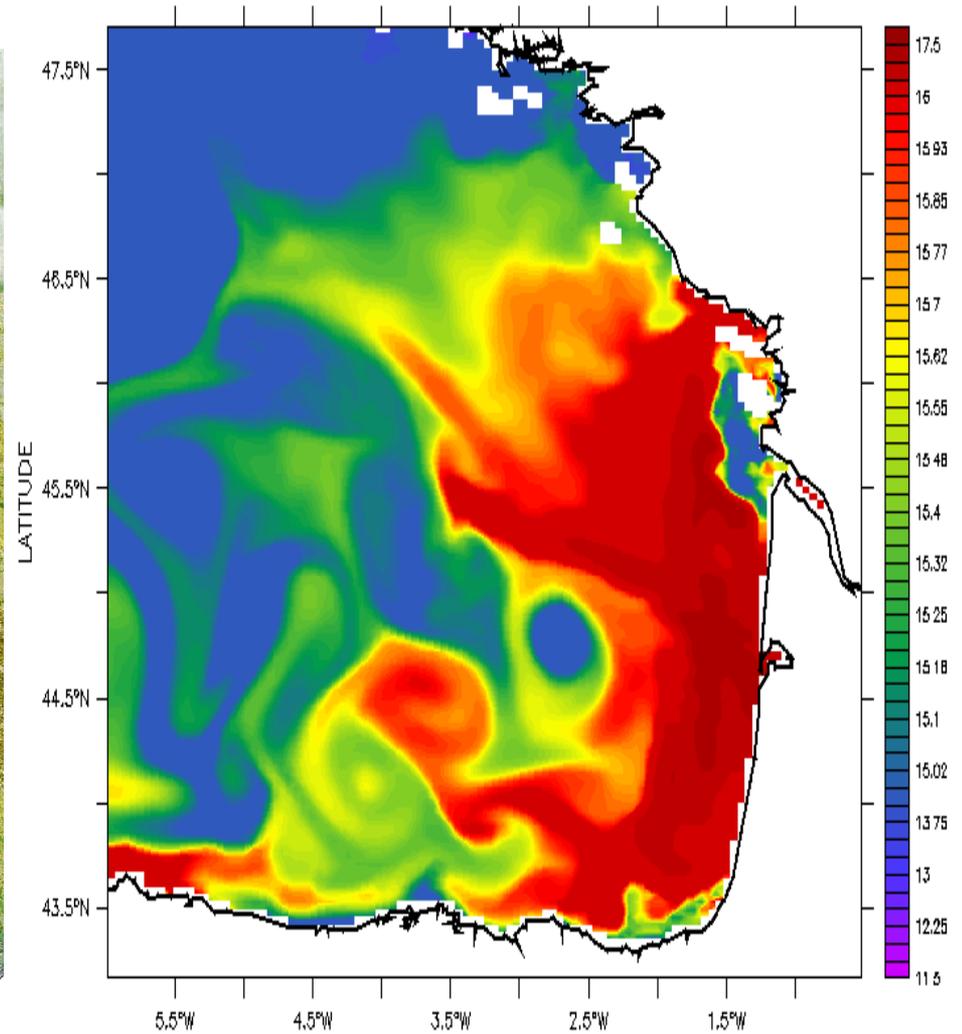


(e) Jour 10 ROMS



(f) Jour 100 ROMS

# Activité tourbillonnaire plus réaliste (viscosité numérique)



---

# Evaluation des simulations réalistes

- Nouveau schéma temporel
  - Introduction des schémas QUICKEST (moment) et ULTIMATE QUICKEST MACHO (traceurs)
  - Coordonnées sigma généralisées
  - Schémas de turbulence
  - Formulations bulk des flux
  - ...
-

---

# Modélisation des processus physiques observés dans le golfe de Gascogne

- Observations hydrologiques, physiques et dynamiques
  - Hypothèse et établissement de cas schématiques
  - Analyse du « réalisme » des simulations schématiques
  - Interprétation physique et dynamique, évaluation des processus impliqués à partir de diagnostics de conservation d'énergie...
  - Interactions entre différents mécanismes
  - Analyse numérique : impact résolution spatiale, représentation verticale, schémas numériques
  - Améliorer les performances de MARS, énoncer les capacités et contraintes du code à reproduire chaque phénomène
-

# Modélisation des processus physiques observés dans le golfe de Gascogne

- Bourrelet d'eau froide
- Langue d'eau chaude et courant automnal côtier
- Plumes d'eau douce
- Ondes internes
- Front de Ouessant
- Upwellings
- Tourbillons mésoéchelles
- Courant de pente
- Renouvellement des masses d'eau du plateau
- Propagation marée barotrope



